

제 2 교시

수학 영역

5 지선 다형

1. $(2^{\frac{1}{3}} \times 2^{\frac{4}{3}})^3$ 의 값은? [2점]
 ① 2 ② 4 ③ 8 ④ 16 ⑤ 32

$2^1 \times 2^4 = 2^5 = 32$

2. 다항함수 $f(x) = x^3 + 2x^2 - 5x + 3$ 에 대하여 $f'(0) + f(0)$ 의 값은? [2점]
 ① -2 ② -1 ③ 0 ④ 1 ⑤ 2

$f'(0) = -5$
 $f(0) = 3$

3. $\frac{\pi}{2} < \theta < \pi$ 를 만족하는 θ 에 대하여, $\sin \theta = \frac{\sqrt{10}}{10}$ 일 때,

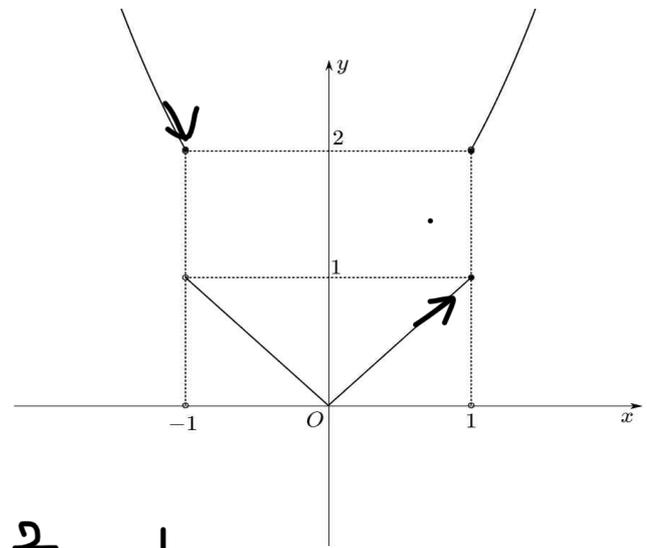
$\cos(\frac{\pi}{2} + \theta) + \sin(\frac{\pi}{2} - \theta)$ 의 값은? [2점]

- ① $-\frac{3\sqrt{10}}{5}$ ② $-\frac{2\sqrt{10}}{5}$ ③ $-\frac{\sqrt{10}}{5}$ ④ $\frac{\sqrt{10}}{5}$ ⑤ $\frac{2\sqrt{10}}{5}$

$\sin \theta = \frac{\sqrt{10}}{10}$ $\cos \theta = -\frac{3\sqrt{10}}{10}$

$-\sin \theta + \cos \theta = -\frac{\sqrt{10}}{10} - \frac{3\sqrt{10}}{10} = -\frac{4\sqrt{10}}{10} = -\frac{2\sqrt{10}}{5}$

4. 함수 $y = f(x)$ 의 그래프가 아래 그림과 같다.



$\lim_{x \rightarrow -1^-} f(x) + \lim_{x \rightarrow 1^-} f(x)$ 의 값은? [3점]

- ① 0 ② 1 ③ 2 ④ 3 ⑤ 4

5. 다항함수 $f(x) = (3x+1)(7x^2-6x-1)$ 에 대하여

$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{f(1+x) - f(1-x)}{2x}$ 의 값은? [3점]

- ① 16 ② 24 ③ 32 ④ 40 ⑤ 48



$$\frac{2f'(1)}{2} = f'(1)$$

$$f'(x) = 3(14x^2 - 6x - 1) + (3x+1)(14x-6)$$

$$f'(1) = 3 \times 0 + 4 \times 8 = 32$$

6. 다항함수 $f(x)$ 에 대하여 $f'(x) = 3x^2 - 4x + 1$ 이고, $f(1) = 2$ 일 때, $f(3)$ 의 값은? [3점]

- ① 10 ② 14 ③ 18 ④ 20 ⑤ 22

$$f(x) = x^3 - 2x^2 + x + 2$$

$$f(3) = 27 - 18 + 3 + 2 = 14$$

7. 부등식 $\log_2(x^2+ax+b) > 2$ 이 모든 실수 x 에 대하여 성립할 때, 순서쌍 (a, b) 의 개수는? (단, a, b 는 10 이하의 자연수이다.) [3점]

- ① 17 ② 18 ③ 19 ④ 20 ⑤ 21

① 진수조건

$$x^2 + ax + b > 0$$

$$\rightarrow a^2 - 4b < 0$$

$$\therefore a^2 < 4b$$

② 부등식

$$x^2 + ax + b > 4$$

$$x^2 + ax + b - 4 > 0$$

$$\rightarrow a^2 - 4(b-4) < 0$$

$$\therefore a^2 < 4(b-4)$$

By ①, ②

$$a^2 < 4(b-4)$$

i) $b=5 \dots a=1$

ii) $b=6 \dots a=1, 2$

iii) $b=7 \dots a=1, 2, 3$

iv) $b=8 \dots a=1, 2, 3, 4$

v) $b=9 \dots a=1, 2, 3, 4$

vi) $b=10 \dots a=1, 2, 3, 4$

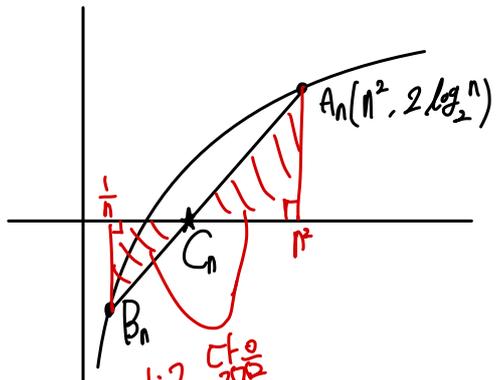
\therefore 총 17가지

11. 2 이상의 자연수 n 에 대하여 함수 $y = \log_2 x$ 의 그래프 위의 x 좌표가 n^2 인 점을 A_n 이라 할 때, 곡선 $y = \log_2 x$ 위의 점 B_n 과 x 축 위의 점 C_n 이 다음 조건을 만족시킨다.

- (가) 점 C_n 은 선분 $A_n B_n$ 이 x 축과 만나는 점이다.
 (나) $\overline{A_n C_n} : \overline{B_n C_n} = 2:1$

점 C_n 의 x 좌표를 $f(n)$ 이라 할 때, $f(2) \times f(4) = \frac{q}{p}$ (p, q 는 서로소인 자연수)이고, $f(p) = \frac{s}{r}$ 이다. $q+r+s$ 의 값은?(단, r, s 는 서로소인 자연수이다.) (4점)

① 167 ② 170 ③ 173 ④ 176 ⑤ 179



다음의 성질을 이용하면
 B_n 의 y 좌표 = $-\log_2 n \Rightarrow x$ 좌표 $\frac{1}{n}$

$\therefore C_n$ 의 x 좌표는 $(\frac{1}{n})$ 과 (n^2) 의 1:2 내분점

내분점의 사용시

$$f(n) = \frac{\frac{2}{n} + n^2}{3}$$

$$\therefore f(2) = \frac{5}{3}, f(4) = \frac{33}{6}$$

$$f(2) \times f(4) = \frac{55}{6}$$

$$\therefore f(p) = f(b) = \frac{\frac{1}{3} + 3b}{3} = \frac{109}{9}$$

$$\therefore q+r+s = 55+109+9 = 173$$

12. 등차수열 $\{a_n\}$ 과 자연수 n 에 대하여 x 에 대한 방정식 $2x^2 + 2a_{n+2}x + a_n a_{n+2} = 0$ 의 실근의 개수를 b_n 이라고 하자.

$\sum_{k=1}^m b_k$ 의 값이 홀수가 되도록 하는 모든 자연수 m 의 값의 합이

18일 때, $\frac{a_{10}}{a_6}$ 의 값을 구하시오. (4점)

- ① 3 ② $\frac{7}{2}$ ③ 4 ④ 5 ⑤ $\frac{11}{2}$

2차방정식의 실근의 개수... 판별식 떠올리기!

$$\frac{D}{4} = (a_{n+2})^2 - 2a_n a_{n+2} > 0 \Rightarrow b_n = 2$$

$$= 0 \Rightarrow b_n = 1$$

$$< 0 \Rightarrow b_n = 0$$

$\sum_{k=1}^m b_k$ 가 홀수? $\Rightarrow b_n = 1$ 이 되는 n 이 홀수가 있어야 함!

$$(a_{n+2})^2 - 2a_n a_{n+2} = 0$$

$$a_{n+2} = 0 \text{ or } a_{n+2} = 2a_n$$

$$\therefore a_n = -2d \text{ or } a_n = 2d$$

4칸짜리...

$a_k = 2d$ 를 만족하는 k 에 대해

$$k < m < k+4 \text{ 이므로}$$

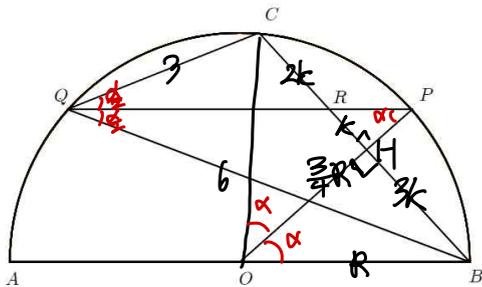
$$m = k, k+1, k+2, k+3$$

$\therefore k=3$

$$a_3 = 2d \text{ 이므로, } \frac{a_{10}}{a_6} = \frac{5d}{d} = 5$$

13. 그림과 같이 O 를 중심으로, 선분 AB 를 지름으로 하는 반원 위의 한 점을 P 라 하자. 점 B 에서 직선 OP 에 수직으로 그은 직선이 반원과 만나는 점이 C , 점 P 에서 선분 AB 에 평행하게 그은 직선이 반원과 만나는 점을 Q , 현 BC 와 만나는 점을 R 이라 했을 때, 선분 QC 의 길이는 3이고 선분 BQ 의 길이는 6이다. 이때, 선분 RB 의 길이는?

(단, $0 < \angle POB < \frac{\pi}{2}$ 이다.) [4점]



- ① $\sqrt{2}$ ② $2\sqrt{2}$ ③ $2\sqrt{3}$ ④ 4 ⑤ $3\sqrt{2}$

OC를 보면

$\triangle OBH \cong \triangle OCH$ 이므로 (RHS)

$\overline{CH} = \overline{BH}$ 이고, $\angle POB = \angle COP = \frac{\alpha}{2}$

원주각의 성질에 따라

$\angle CQP = \angle BQP = \frac{\alpha}{2}$

\overline{QR} 은 각의 이등분선 이므로,

$\overline{QC} : \overline{QB} = \overline{RC} : \overline{RB} = 1 : 2$

이때, $\overline{CH} = \overline{BH}$ 이므로, $\overline{RC} = 2k, \overline{RH} = k, \overline{BH} = 3k$

$\overline{AB} \parallel \overline{QP}$ 이므로, $\angle OPQ = \alpha$ 이고,

$\triangle OBH \sim \triangle PHR$ (AA 성질).

다음비가 1:3이므로, 변의비를 따라 하면, $\overline{OH} = \frac{3}{4}R$.

$\therefore \cos \alpha = \frac{3}{4}$

$\triangle QCB$ 에 코사인 법칙을 사용시 $\overline{BC} = 3\sqrt{2}$

$k = \frac{\sqrt{2}}{2}$ 이므로 $\overline{RB} = 4k = 2\sqrt{2}$

14. 최고차항의 계수가 1인 사차함수 $f(x)$ 가 다음 조건을 만족한다.

- (가) 곡선 $y=f'(x)$ 위의 한 점에서 그은 접선의 기울기는 $x=2$ 에서 최솟값을 갖는다
(나) $f(4)-f(0)=8, f'(0)=2$

$y=f(x)$ 위의 점 $(2, f(2))$ 에서의 접선과 점 $(3, f'(3))$ 사이의 거리가 $\frac{16\sqrt{5}}{5}$ 일 때, $f(5)$ 의 최댓값은? [4점]

- ① 11 ② 13 ③ 15 ④ 17 ⑤ 19

$\int_0^4 f'(x) dx = 8$ 이므로,

$f(x)$ 는 점대칭함수의 정칙함의 특성에 따라, (2)에서 점대칭이다.

$f(0)=2$ 이므로, $\therefore f'(x) = f''(x-2)(x-4) + 2$

$f(x) = x^4 - 8x^3 + 16x^2 + 2x + C$

$f(x)$ 위의 점 $(2, f(2))$ 에서 접선의 방정식

$y = f'(4(x-2)) + f(2) \sim (3, f'(3))$ 거리 = $\frac{16\sqrt{5}}{5}$ 이므로

$2x - y + f(2) - 4 = 0 \sim (3, -10)$

$\frac{|12 + f(2)|}{\sqrt{5}} = \frac{16}{\sqrt{5}} \quad f(2) = 4 \text{ or } -28$

$\therefore C = -16 \text{ or } -48$

$f(5) = 35f(C)$ 이므로

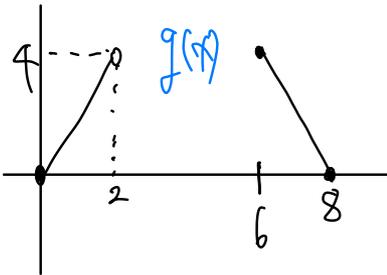
$f(5)$ 의 최댓값 = 19

15. 구간 $[0, 8]$ 에서 연속인 함수 $f(x)$ 와 최고차항의 계수가 a 인 삼차함수 $g(x)$ 에 대해,

$$f(x) = \begin{cases} 2x & (0 \leq x < 2) \\ g(x) & (2 \leq x < 6) \\ -2x + 16 & (6 \leq x \leq 8) \end{cases}$$

이다. $\int_2^6 f(x)dx = 16$ 이고, $\int_0^8 f(x)dx = \int_0^8 |f(x)|dx$ 일 때, 실수 a 의 최댓값과 최솟값의 곱은?

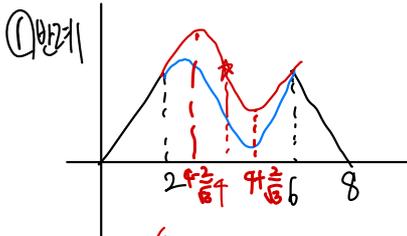
- ① $-\frac{81}{16}$ ② $-\frac{49}{16}$ ③ -2 ④ $-\frac{27}{16}$ ⑤ $-\frac{9}{16}$



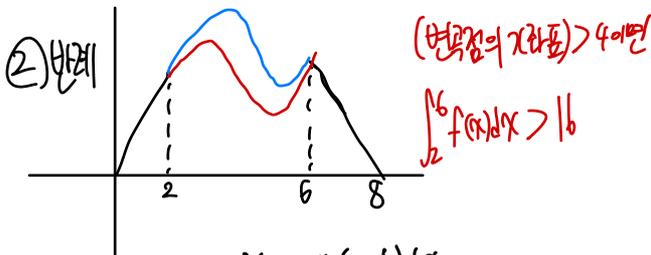
$g(2) = g(6) = 4$, $\int_2^6 f(x)dx = 16$ 이므로,

변곡점이 (4, 4)일 때만 성립

(점대칭함수의 정적분)



(변곡점의 x좌표) < 4이면
 $\int_2^6 f(x)dx < 16$



$\therefore g(x) = a(x-2)(x-4)(x-6) + 4$

$\int_0^8 f(x)dx = \int_0^8 |f(x)|dx$ 이므로 $2 < x < 6$ 에서 $g(x) \geq 0$.
 $a < 0$ 일때 $g(4 - \frac{2}{3}) \geq 0$, $a > 0$ 일때 $g(4 + \frac{2}{3}) \geq 0$ 이므로,
 $-\frac{3\sqrt{6}}{4} < a < \frac{3\sqrt{6}}{4}$ ($a \neq 0$)

단답형

16. 실수 전체 집합에서 정의된 함수 $f(x) = \begin{cases} x+a & (x < 1) \\ x^2+7x-5 & (x \geq 1) \end{cases}$

일 때, 함수 $f(x)$ 가 실수 전체의 집합에서 연속이 되기 위한 상수 a 의 값을 구하시오. [3점]

$f(x)$ 는 $x < 1$, $x > 1$ 에서 모두 연속이므로,
 $x=1$ 에서의 연속성만 관찰

$\lim_{x \rightarrow 1^-} f(x) = \lim_{x \rightarrow 1^+} f(x) (=f(1))$

$1+a=3$

$\therefore a=2$

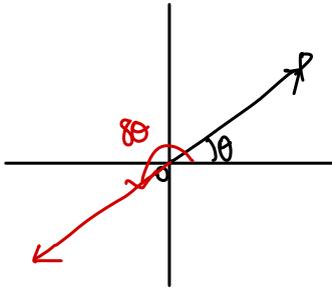
17. $\sum_{n=1}^9 (k^2 - 5k + 7) = 63$ 일 때, 양수 k 의 값을 구하시오. [3점]

$k = \text{양수}$

$9(k^2 - 5k + 7) = 63$

$k^2 - 5k + 7 = 7$
 $k = 0$ or 5 .

18. 좌표평면 위의 점 P 에 대하여 동경 OP 가 나타내는 각의 크기를 θ ($\theta > 0$)라 하자. 각의 크기 8θ 를 나타내는 동경이 동경 OP 와 한 직선 위에 있고 서로 반대 방향이다. 이때, 각 θ 의 값을 작은 값부터 나열한 수열 $\{a_n\}$ 에 대해 $a_{20} = \frac{p}{q} \pi$ 일 때, $p+q$ 의 값을 구하시오. (단, O 는 원점이고, p, q 는 서로소인 자연수이다.) [3점]



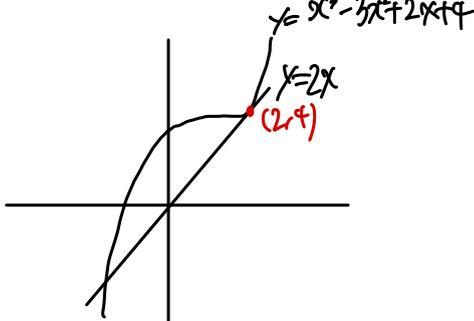
$8\theta - \theta = (2n-1)\pi$
 $\therefore \theta = \frac{2n-1}{7}\pi$

$a_{20} = \frac{39}{7}\pi$
 $\therefore p+q = 46$

19. 이차함수 $f(x)$ 가 점 $(0,2)$ 를 지나고, $(0, \infty)$ 에서

$2x \leq f(x) \leq x^3 - 3x^2 + 2x + 4$

를 만족시킬 때, $f(4)$ 의 값을 구하시오. [3점]



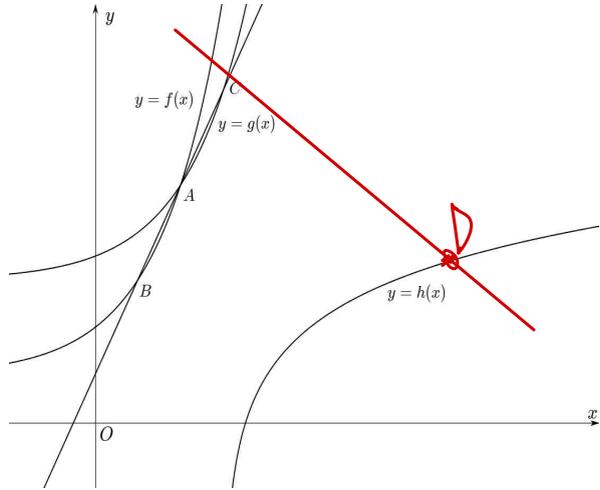
$2x \leq f(x) \leq x^3 - 3x^2 + 2x + 4$ 이므로
 \downarrow \downarrow \downarrow
 $\frac{1}{4}$ $f(2) = 4$

$f(x)$ 가 $x > 2$ 에서 최댓값을 유지하려면 $f'(2)$ 가 2보다 커서도, 작아도 안되므로,

$f'(2) = 2$

$\therefore f(x) = \frac{1}{2}x^2 + 2, \quad f(4) = 10$

20. 그림과 같이 세 함수 $f(x) = 2^x + 1, g(x) = 2^{x-1} + 3, h(x) = \log_2(x-3) + 1$ 에 대하여, 두 곡선 $y = f(x)$ 과 $y = g(x)$ 의 교점을 점 A 라 하자. 점 A 를 지나고 기울기가 2인 직선이 곡선 $y = f(x)$ 과 만나는 점이 B , 곡선 $y = g(x)$ 과 만나는 점을 C 일 때, 점 C 를 지나고 기울기가 -1 인 직선이 곡선 $y = h(x)$ 과 만나는 점을 D 라 할 때, 선분 BD 의 길이를 구하시오. [4점]



$f(x) = g(x) \Rightarrow 2^x = 2^{x-1} + 2$
 $x = 2$

$\therefore A(2, 5)$

$f(x)$ 와 $g(x)$ 가 기울기가 2인 직선을 타고
 각각 방향으로, y 축 방향으로 2 평행 이동 했기 때문에

$B(1, 3), C(3, 7)$ 이 된다.

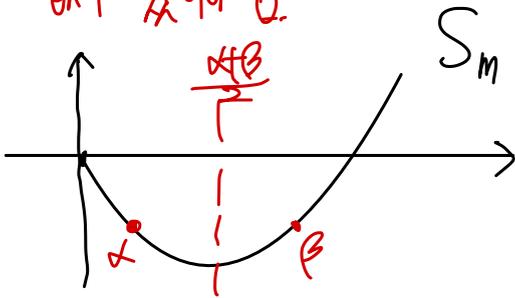
이때 $h(x)$ 는 $g(x)$ 와 역함수 관계이므로,
 $D(1, 3)$

$\therefore \overline{BD} = 6$

21. 공차가 자연수 d 이고, 첫째항이 -42 인 등차수열 $\{a_n\}$ 이 $a_{20} > 0$ 이고, 집합 $A = \{S_m | S_m = \sum_{k=1}^m a_k, S_m < 0, m \text{은 자연수}\}$ 일 때, $n(A) \neq m$ 의 개수가 되도록 하는 모든 d 의 개수를 구하시오. [4점]

$d \geq 3$

조건을 만족하려면... S_m 값은 S_m 값이 있어야 함



S_m 의 대칭축이 3이상의 자연수 이어야 한다.

d 의 대칭축 = $\frac{1}{2}$ 이면 $S_1 = 0$; 맞음
 대칭축 = 1 이면 $S_2 = 0$ 이므로, 집합은 S_m 값이 없음

$$S_m = \frac{m(-84 + (m-1)d)}{2}$$

$$= \frac{d}{2}m^2 - \frac{84+d}{2}m$$

대칭축의 방정식 = $\frac{84+d}{d}$

$$= \frac{84+d}{2d} = \frac{d}{2} \text{ (은 3이상 자연수)}$$

$$\frac{84}{d} = 1 \text{ (은 2이상 자연수)}$$

$\therefore d$ 는 84의 약수 & $d \neq 84$
 또한 $d \geq 3$ 이므로, d 는 9개

22. 최고차항 계수가 음수인 삼차함수 $f(x)$ 가 아래 조건을 만족한다.

- (가) $f'(1) = f'(5)$
 (나) $2 < x_1 < x_2 < 4$ 를 만족하는 임의의 실수 x_1, x_2 에 대하여, 좌표평면 위의 두 점 $A(x_1, f(x_1)), B(x_2, f(x_2))$ 과 점 A, B 에서 x 축에 내린 수선의 발을 각각 C, D 라 하면, 집합 $\{k | k = \frac{AB}{CD}, k \text{는 실수}\} = \{\sqrt{2} < k < \sqrt{17}\}$ 이다.

$f(3) = 12$ 일 때, 모든 $f(0)$ 의 값을 구하시오. [4점]

(나) 조건에 따라

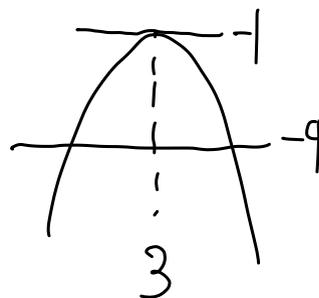
$$k = \frac{\sqrt{(x_2-x_1)^2 + (f(x_2)-f(x_1))^2}}{x_2-x_1} = \sqrt{1 + \left(\frac{f(x_2)-f(x_1)}{x_2-x_1}\right)^2}$$

\downarrow 평균값정리
 $f'(c) \text{ (} 2 < c < 4 \text{)}$

$$\sqrt{2} < \sqrt{1 + (f'(c))^2} < \sqrt{17}$$

$$2 < 1 + (f'(c))^2 < 17, \quad |(f'(c))^2| < 16$$

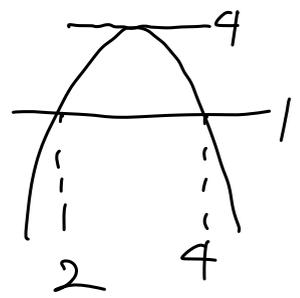
$$\therefore -4 < f'(c) < -1 \text{ or } 1 < f'(c) < 4$$



$$f'(x) = -3(x-3) - 1$$

$$f(x) = -(x-3)^2 - x + 15$$

$$f(0) = 42 + f(0) = 27 = 69$$



$$f'(x) = -3(x-3) + 4$$

$$f(x) = -(x-3)^3 + 4x$$

제 2 교시

수학 영역(미적분)

5 지 선 다형

23. $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{2^{2n+1} - 3^n}{4^n + 3^{n-1}}$ 의 값은? [2점]

- ① $\frac{1}{2}$ ② 1 ③ 2 ④ 3 ⑤ 4

24. $\int_{3\pi}^{4\pi} 2x \sin x dx$ 의 값은? [3점]

- ① -9π ② -10π ③ -11π ④ -12π ⑤ -14π

$$-x \cos x + \sin x \Big|_{3\pi}^{4\pi} = -14\pi$$

25. 등비수열 $\{a_n\}$ 에 대하여 $\sum_{n=1}^{\infty} a_n = 6$ 이고, $\sum_{n=1}^{\infty} (a_n)^2 = 18$ 일 때,

$\sum_{n=1}^{\infty} a_{n+1}$ 의 값은? [3점]

- ① 5 ② 4 ③ 3 ④ 2 ⑤ $\frac{1}{2}$

$a_n = a_1 \times r^{n-1}$

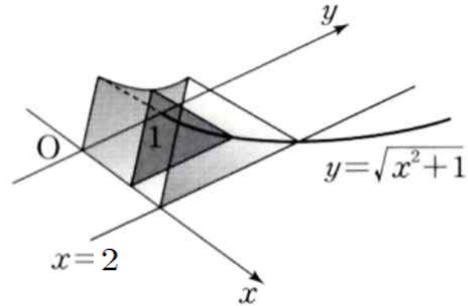
① $\frac{a_1}{1-r} = 6$

② $\frac{a_1^2}{1-r^2} = 18$

$a_1 = 4, r = \frac{1}{3}$

$\therefore \sum_{n=1}^{\infty} a_{n+1} = \frac{a_2}{1-r} = 2$

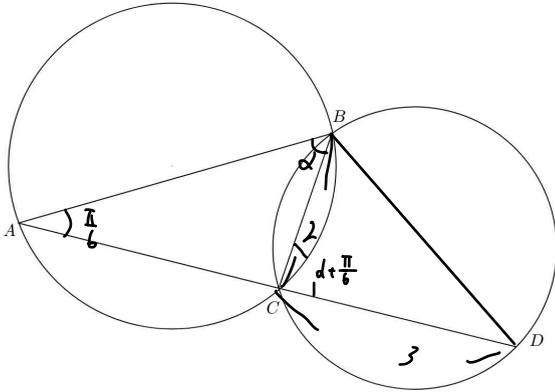
26. 그림과 같이 곡선 $y = \sqrt{x^2+1}$ 과 x 축 및 두 직선 $x=0, x=2$ 로 둘러싸인 부분을 밑면으로 하는 입체도형이 있다. 이 입체도형을 수직인 평면으로 자른 단면이 모두 정삼각형일 때, 이 입체도형의 부피는? [3점]



- ① $\frac{\sqrt{3}}{2}$ ② $\frac{2\sqrt{3}}{3}$ ③ $\frac{5\sqrt{3}}{6}$ ④ $\sqrt{3}$ ⑤ $\frac{7\sqrt{3}}{6}$

$\int_0^2 \frac{\sqrt{3}}{4} (x^2+1) dx = \frac{7\sqrt{3}}{6}$

27. 그림과 같이 반지름의 길이가 2인 원 O 에 내접하는 $\triangle ABC$ 에 대해, 선분 BC 의 길이가 $2/\sin(\angle ABC) = \frac{\sqrt{6}}{3}$ 이다. 이때, 선분 AC 의 연장선 위에 있는 점 D 에 대해 선분 CD 의 길이는 3이다. 세 점 B, C, D 를 모두 지나는 원 O' 에 대하여 O' 의 반지름의 길이가 R 일때, R^2 의 값은?(단, $0 < \angle ABC < \frac{\pi}{2}$) [3점]



- ① 2 ② 3 ③ 4 ④ 5 ⑤ 6

$$\cos\left(d + \frac{\pi}{6}\right) = \frac{1}{\sqrt{3}} \times \frac{\sqrt{2}}{2} - \frac{\sqrt{6}}{3} \times \frac{1}{2} = \frac{1}{2} - \frac{1}{\sqrt{6}}$$

$$\begin{aligned} &\hookrightarrow \sin^2\left(d + \frac{\pi}{6}\right) \\ &= 1 - \cos^2\left(d + \frac{\pi}{6}\right) \\ &= \frac{7+2\sqrt{6}}{12} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \overline{BD}^2 &= 4+9 - 12 \times \left(\frac{1}{2} - \frac{1}{\sqrt{6}}\right) \\ &= 7+2\sqrt{6} \end{aligned}$$

$$\therefore 2R = \frac{BD}{\sin\left(d + \frac{\pi}{6}\right)}$$

$$R^2 = \frac{BD^2}{4 \sin^2\left(d + \frac{\pi}{6}\right)} = \frac{7+2\sqrt{6}}{4 \times \frac{7+2\sqrt{6}}{12}} = 3$$

28. 실수 전체 집합에서 도함수가 연속인 함수 $f(x)$ 와 함수 $g(x)$ 가 $(0, \infty)$ 에서

$$-x^2 f'(x) + 2x f(x) = x^4 g(x)$$

를 만족시킨다. $f(1)=3, f(e)=4$ 일 때, $\int_1^e g(x) dx$ 의 값은?

- ① $3 - \frac{4}{e^2}$ ② 3 ③ $3 + \frac{4}{e^2}$ ④ $4 - \frac{3}{e^2}$ ⑤ $4 + \frac{3}{e^2}$

$$g(x) = -\frac{f(x)}{x^2} + \frac{2f(x)}{x} = \left(-\frac{f(x)}{x^2}\right)'$$

$$\begin{aligned} \therefore \int_1^e g(x) dx &= \int_1^e \left(-\frac{f(x)}{x^2}\right)' dx \\ &= \left[-\frac{f(x)}{x^2}\right]_1^e \\ &= -\frac{4}{e^2} - (-3) \\ &= 3 - \frac{4}{e^2} \end{aligned}$$

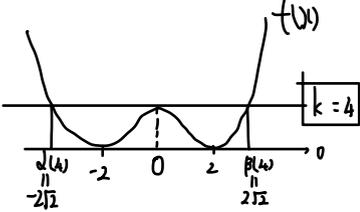
단답형

29. 최고차항 계수가 양수인 사차함수 $f(x)$ 에 대하여, 곡선 $y=f(x)$ 와 직선 $y=t$ 가 만나는 점 중 x 좌표가 가장 작은 점의 좌표가 $(t, \alpha(t))$, 가장 큰 점의 좌표를 $(t, \beta(t))$ 이고, 만나는 점의 개수를 $h(t)$ 라 할 때, 함수 $h(t)$ 가 다음 조건을 만족시킨다.

함수 $h(t)$ 는 $t=0, t=k$ 에서만 불연속이다.

$f(0)=4, f(1)=f(2)=0$
 $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{f(x)-4}{x} = \lim_{x \rightarrow 2} \frac{f(x)-f(2)}{x-2} = 0$ 이고, 함수

$g(t) = t(\beta(t) - \alpha(t))$ 일 때, $k+g(k)+g'(k) = m+n\sqrt{2}$ 이다. $m \times n$ 의 값을 구하시오. [4점]



$f(x) = \frac{1}{4} (x^2 - 2)^2 (x+2)^2$

$\beta(x) = 2\sqrt{2}, \alpha(x) = -2\sqrt{2}$

$\frac{1}{4} (\beta^2(t) - 4)^2 = t \rightarrow \beta'(t) = \frac{1}{\beta(t)^2 - 4\beta(t)}$

$\frac{1}{4} (\alpha^2(t) - 4)^2 = t \rightarrow \alpha'(t) = \frac{1}{\alpha(t)^2 - 4\alpha(t)}$

$\therefore \beta'(4) = \frac{1}{8\sqrt{2}}, \alpha'(4) = -\frac{1}{8\sqrt{2}}$

$g(4) = 4 \times 4\sqrt{2} = 16\sqrt{2}$

$g'(4) = (\beta(4) - \alpha(4)) + 4 \times (\beta'(4) - \alpha'(4))$

$= 4\sqrt{2} + \frac{1}{\sqrt{2}} = \frac{9}{2}\sqrt{2}$

$\therefore m+n\sqrt{2} = \frac{41}{2}\sqrt{2} + 4, mn = 82$

30. 최고차항의 계수가 1인 삼차함수 $f(x)$ 가 다음 조건을 만족시킨다.

- (가) $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin(\pi f(x))}{x} = 0$
- (나) 함수 $f(x)$ 의 극댓값과 극솟값의 ~~합~~ ^곱은 14이다.

실수 전체 집합에서 정의된 함수 $g(x) = f(\cos x + \frac{1}{2})$ 의 극솟값이 오직 $g(\pi)$ 뿐일 때, $f(4)$ 의 값을 구하시오. [4점]

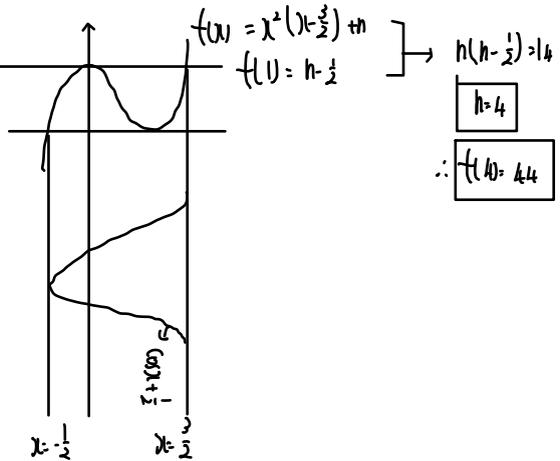
$\rightarrow f(-\frac{1}{2})$

44

(가): $f(0) = h(h \text{의 정수})$

$f(0) = 0$

$x=0 \text{ 일 때 } f(x) = 3 \text{ or } 0$



* 확인 사항

- 답안지의 해당란에 필요한 내용을 정확히 기입(표기)했는지 확인하시오.